

Jelek és rendszerek : 2. zárthelyi

Név:

Összpontszám:

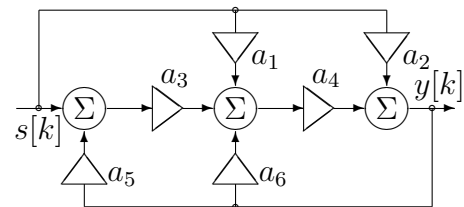
--	--	--

Neptun kód:

Aláírás:

Kitöltési útmutató: A feladatok megoldásánál azt kell eldönteni, hogy az üres négyzetekkel jelölt állítások közül melyik igaz, ill. hamis. *VIGYÁZAT: Előfordulhat több igaz vagy hamis állítás is!* A kitöltés módja a következő: Ha véleménye szerint az állítás igaz, a kis négyzetbe írjon nagy **I** betűt, ha pedig hamis, nagy **H** betűt. Minden jó találatért 2 pont, rossz válaszáért azonban -1 pont (azaz levonás) jár. Ha a négyzetbe nem ír választ, nem kap pontot. Ne használjon piros színű tollat!

- Az ábrán látható lineáris SISO rendszerről a következő állítások igazak, ha $a_1 = 0$, $a_2 = 0,5$, $a_3 = 0,3$, $a_4 = 1$, $a_5 = -0,6$, $a_6 = -0,8$. A hálózat bemenetén az $s[k]$ diszkrét gerjesztőjel, kimenetén pedig az $y[k]$ diszkrét kimenő jel van jelen.



- Az állapotmátrix 3×3 -as.
- A rendszeregyenlet $y[k] = -0,8y[k-1] - 0,18y[k-2] + 0,5s[k] + 0,3s[k-2]$.
- A rendszer állapotmátrixa $\begin{pmatrix} 0 & -0,6 \\ 1 & -0,8 \end{pmatrix}$, ha x_1 állapot az első késleltető, x_2 állapot pedig a második késleltető után helyezkedik el.
- Az állapotmátrix sajátértékei a $z(z + 0,8) + 0,18 = 0$ egyenlet megoldásai, azaz a $\lambda_1 = -0,4 + j0,141$ és a $\lambda_2 = -0,4 - j0,141$ komplex konjugált számpár.
- A rendszer állapotmátrixának sajátértékei ugyanazok a számok lesznek, mint az átviteli karakterisztika pólusai.
- A rendszer időtartománybeli viselkedése nem számítható ki a $W(z)$ függvényből.
- A rendszer nem időinvariáns, csak kauzális, mivel a kimenő jel nem lesz állandó az időben.
- Egy diszkrét idejű rendszer által egy adott $s[k]$ gerjesztőjelle adott válasz

kauzális belépőjelek esetén kiszámítható a rendszeregyenletet, mint rekurzív formulát használva, tetszőleges k_i értékre, ha ismerjük az $s[k]$ bemenőjelet a kezdetektől a k_i értékig.

- kiszámítható, mint az $s[k]$ gerjesztőjelnek és a rendszer $v[k]$ ugrásválaszfüggvényének a diszkrét konvolúciója.
- kiszámítható a rendszer állapotváltozóinak ismeretében az állapotegyenletek segítségével.
- kiszámítható a rendszer állapotváltozóiból és a forrásjel(ek)ből a rendszeregyenletek segítségével.
- mindig korlátos, ha a bemenő jel korlátos és a rendszer gerjesztés-válasz stabilis.
- amplitúdója kiszámítható a $W(e^{j\theta})$ átviteli katarakterisztikából, ha ismerjük a bemenő jelet.
- belépő gerjesztőjel esetén minden rendszerre belépőjel lesz.

- Egy diszkrét idejű SISO rendszer állapotegyenlete a következő:

$$x_1[k+1] = 4x_1[k] + 6x_2[k] + 2s[k]$$

$$x_2[k+1] = 2x_1[k] + s[k]$$

$$y[k] = -2x_1[k] + 3x_2[k] + s[k].$$

- A rendszermátrix $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$.
- A rendszermátrix $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} -4 & -6 \\ -2 & 0 \end{pmatrix}$.
- Az átviteli karakterisztika kiszámításához a $z\mathbf{I} - \mathbf{A}$ mátrix inverzében a számlálóban szereplő, előjeles aldeterminánsokból álló "adjungált" mátrix $\begin{pmatrix} z & 2 \\ 6 & z - 4 \end{pmatrix}$.
- Az átviteli karakterisztika kiszámításához a $z\mathbf{I} - \mathbf{A}$ mátrix inverzében a számlálóban szereplő, "adjungált" mátrix $\begin{pmatrix} z - 4 & -6 \\ -2 & z \end{pmatrix}$.
- Az átviteli karakterisztika kiszámításakor a $z\mathbf{I} - \mathbf{A}$ mátrix inverzének és a $\mathbf{b} = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ vektornak a szorzata a $\begin{pmatrix} -2z + 6 \\ 3z - 24 \end{pmatrix}$ vektor.
- A kimeneti jel z-transzformáltja $Y(z) = (z^2 - 5z + 8)/(z^2 - 4z - 12)$.
- Mivel a $W(z)$ átviteli karakterisztika egyik pólusa negatív, a másik meg pozitív, a rendszer nem gerjesztés-válasz stabilis.

- A diszkrét idejű rendszerek leírására alkalmas

- állapotegyenlet egy a forrásjel(ek) és az állapotváltozó(k) közötti differenciálegyenlet(rendszer)ből és egy a forrásjel(ek) és az állapotváltozó(k) felhasználásával a kimeneti jeleket megadó differenciálegyenlet(rendszer)ből áll.
- rendszeregyenlet SISO rendszerek esetén egy a bemeneti jel és a kimeneti jel közötti n -edrendű differenciaegyenlet.
- súlyfüggvény a diszkrét delta impulzusra adott válaszjel.
- impulzusválasz és a bemeneti jel szorzata adja meg a kimenőjelet.
- ugrásválasz deriváltjának és a bemeneti jelnek a konvolúciója adja meg a kimeneti jelet.
- impulzusválasza a frekvenciatartományban kiszámíthatóvá teszi a kimeneti jel viselkedését a frekvenciatartományban: a kimeneti jel frekvenciatartománybeli alakja megkapható az impulzusválasz és a bemeneti jel Fourier-transzformáltjainak szorzataként.
- átviteli karakterisztika a súlyfüggvény Fourier-transzformáltja.

- Egy diszkrét idejű jel

- megadására alkalmas lehet egy $s[k]$ sorozat $k \in \mathbb{Z}$ -re, mely kauzális belépőjelek esetén a $k = 0$ pont előtt 0 értéket vesz fel.
- megadására alkalmas egy differenciálegyenlet.
- megadható egy rekurzív formulával.
- a legtöbb esetben belépő jel, és egy véges k indextérbeli intervallum után újra tiszta 0 értéket vesz fel.
- a diszkrét Dirac-delta függvény eltoltja.
- rekurzív formulája csak homogén differenciaegyenlet lehet.

- Egy a k indextartományban K periódushosszal rendelkező diszkrét idejű periodikus gerjesztő jel

- spektruma vonalas.
- hatására egy lineáris rendszer kimenetén – egy tranziens után – szintén periodikus jel jelenik meg, melynek periódusának hossza megegyezik a gerjesztő jel periódusának hosszával.

- Egy folytonos idejű rendszert az $S(s) = 6/(s + 6)$ Laplace-transzformálttal rendelkező jellel gerjesztjük, a rendszer leírható az alábbi átviteli karakterisztikával:

$$W(s) = \frac{4s + 3}{s^2 + 7s + 10}$$

- A rendszernek van egy zérusa az $s = -3/4$ komplex körfrekvencián.
- A rendszernek van egy pólusa az $s = -5$ komplex körfrekvencián.
- A rendszernek van egy másodfokú póluspárja az $s = 10$ komplex körfrekvencián, amihez $\xi = 7/2$ tényező tartozik.
- A rendszer gerjesztés-válasz stabilis, mivel a zérusa negatív valós szám.
- A rendszer válaszának Laplace-transzformáltja $Y(s) = (24s^2 + 18)/((s+2)(s+5)(s+6))$.
- A válasz az időtartományban az $y(t) = -2,5e^{-2t} + 34e^{-5t} - 31,5e^{-6t}$.
- A $\lim_{t \rightarrow 0+} y(t) = \lim_{s \rightarrow \infty} sY(s)$ képlet alapján a válaszfüggvény nullában $y(0+) = 0$ értékkel lezdődik.
- A $\lim_{t \rightarrow \infty} y(t) = \lim_{s \rightarrow 0+} sY(s)$ képlet alapján a válaszfüggvény nullához közelít kellően hosszú idő elteltével.
- A teljes rendszer grafikus ábrázolásában legalább 2 integrátor elem van, mivel két állapotváltozó szükséges ahhoz, hogy 2 pólus legyen.

- Egy diszkrét idejű, k változójú gerjesztő jel

- spektruma mindig vonalás.
- spektruma nem periodikus jelek esetén is vonalás, hiszen az $S(e^{j\vartheta}) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} s[k]e^{-j\vartheta k}$ a k változóban diszkrét.
- amplitúdó- és fázisspektruma is ϑ -ban 2π periódussal rendelkezik.
- hatására egy lineáris rendszer kimenetén – egy tranziens után – minden esetben periodikus jel jelenik meg, melynek periódusának hossza 2π .
- mely egy folytonos jel mintavételezésével keletkezett, felírható $\vartheta = \omega/T_s$ körfrekvenciájú tagok lineáris kombinációjaként, ahol T_s a mintavételezési idő.